# Thickness Measurement of Metals Using Neural Network and Radioisotope Measurement-Modelling

## Amir Mohammad Beigzadeh<sup>⊠</sup> | Shahryar Badiei

Nuclear Science and Technology Research Institute (NSTRI), Radiation Applications Research School, AEOI, Tehran, Iran. E-mail: abeigzadeh@aeoi.org.ir

### ABSTRACT

#### Article Information: Research Article

Received 15 January 2023 Revised 01 February 2023 Accepted 14 Feb. 2023 **Keywords:** Radioisotope Thickness Measurement, Artificial Neural Network, Modelling, Monte Carlo, Gamma Ray The nuclear industry has undergone a significant technological revolution in recent years, with neural networks playing an increasingly important role. These advanced machine learning algorithms are now widely used to analyze nuclear data obtained from various sources, such as calculations, modeling, simulation, and nuclear sensors including gamma ray-based gauges, experimental tests, and non-destructive tests like radiography. Non-destructive measurement methods based on gamma rays passing through materials or processes have gained popularity due to their effectiveness and safety in the nuclear industry. These methods typically use radioactive radioisotope sources like cesium-137 and cobalt-60, along with scintillation detection units, to capture data related to fluid thickness, density, and flow. By applying neural networks, these measurements can be made even more accurate and reliable, ensuring optimal safety and efficiency in the nuclear sector. To investigate this further, a study was conducted to design the geometry of the transmission mode for radioisotope thickness measurement through simulation using the MCNPX Monte Carlo code. The model included three commonly used metals in industries: copper, iron, and aluminum, to determine their thickness. To create the dataset, the thickness of the samples was varied from 0.5 to 50 mm, with a step size of 0.5 mm, and the results of Monte Carlo calculations were recorded as pulse height in the detector. Artificial neural networks were trained based on radial basis functions (RBF) and multilayer perceptron (MLP) techniques using all the results obtained from different energies. After training, the networks were tested to predict the thickness of different metals. The results obtained from the two networks were compared for the output of the model. The study showed that the response of the MLP network was more satisfactory than that of the RBF network in this application. Overall, the study highlights the potential of neural networks in enhancing the accuracy and reliability of nondestructive measurements in the nuclear industry, particularly in predicting the thickness of different materials.

**Cite this article:** Beigzadeh, A. & Badiei, S. (2023). Thickness Measurement of Metals Using Neural Network and Radioisotope Measurement-Modelling. *Journal of Nondestructive Testing Technology*, 3 (2), 1-15. http://doi.org/10.30494/JNDT.2023.401311.1121

# ضخامتسنجی فلزات با بهرهگیری از روش رادیوایزوتوپی و شبکه عصبی-مدلسازی

امیرمحمد بیگ زادہ 🖾 🛛 شہریار بدیعی

پژوهشکده کاربرد پرتوها، سازمان انرژی اتمی، پژوهشگاه علوم و فنون هستهای، تهران، ایران، رایانامه: abeigzadeh@aeoi.org.ir

	چکیده:
طلاعات مقاله:	صنعت هستهای حوزهای است که استفاده از شبکههای عصبی در سالهای اخیر در آن
مقاله پژوهشی ناریخ دریافت:	اهمیت فزایندهای پیداکرده است. یکی از کاربردهای مهم و کلیدی شبکههای عصبی در
14.1/1./20	صنعت هستهای در تحلیل دادههای هستهای به دست آمده از محاسبات، سنجشگرهای
ناریخ بازنگری:	هستهای از قبیل سنجشگرهای مبتنی بر پرتوی گاما برای اندازهگیری ضخامت، چگالی، فلوی
14.1/11/17	سیالات، آزمایشهای تجربی و آزمونهای غیرمخرب نظیر پرتونگاری و است. روشهای
ناريخ پذيرش:	اندازه گیری هستهای مبتنی بر پرتوی گامای عبوری از یک ماده و یا فرایند، یک روش
14.1/11/20	غیرمخرب است که در شکل کلی از یک چشمه رادیوایزوتوپی پرتوزا مانند چشمه سزیوم-
	۱۳۷ و کبالت-۶۰ و یک واحد آشکارسازی سوسوزن تشکیل شده است. در این مطالعه از
کليدواژگان:	طریق مدلسازی با کد مونت کارلوی MCNPX، هندسه یمد عبوری برای ضخامت سنجی
ضخامت سنجى	راديوايزوتويي طراحي گرديد و در اين مدل سـه نمونه فلز ير کاربرد در صـنايع (مس، آهن و
راديوايزوتوپى،	آلومینیوم) با هدف تعیین ضـخامت آنها اسـتفاده شـد. برای ایجاد مجموعه داده با تعداد بالا
شبکه عصبی مصنوعی، مدا سادی،	ضخامت نمونهها از ۵/۰ تا ۵۰ میلیمتر با گام ۰/۵ میلیمتر تغییر داده شد و نتایج محاسبات
مونت کارلو،	مونت کارلو به صورت ارتفاع پالس در آشـکارسـاز ثبت شـد. در ادامه تمامی نتایج حاصـل از
ر =  رر بر توی گاما	انرژیهای مختلف به صـورت مجموع برای آموزش شـبکهی عصـبی مصـنوعی بر پایه توابع
	شعاعی (RBF) و پرسپترون چندلایه (MLP) استفاده شد تا پس از آموزش این شبکهها قادر
	به پیشبینی ضخامت فلزات مختلف باشند. نتایج به دست آمده از دو شبکه برای خروجی
	مدل با یکدیگر مقایسه شدند. نتایج نشان داد که پاسخ شبکه MLP نسبت به RBF در این
	کاربرد رضایت بخشتر است.

**استناد:** بیگ زاده، امیرمحمد و بدیعی، شهریار.(۱۴۰۱). ضخامتسنجی فلزات با بهره گیری از روش رادیوایزوتوپی و شبکه عصبی-مدلسازی. *مجله فناوری آزمونهای غیرمخرب*، ۳ (۲)، ۱۵–۱۱. http//doi.org/10.30494/JNDT.2023.401311.1121

۱- مقدمه

شــبكههای عصـبی نوعی الگوریتم یادگیری ماشـینی هستند که از ساختار و عملکرد مغز انسان الهام گرفته شدهاند. شبکههای عصبی از لایههایی از نورونهای مصنوعی تشکیل شدهاند که به هم متصل شده و در شبکههایی سازمان دهی شده اند [۱]. صنعت هسته ای حوزه ای است که استفاده از شبکههای عصبی در سالهای اخیر در آن اهمیت فزایندهای پیدا کرده است[۲]. یکی از کاربردهای کلیدی شـبکههای عصـبی در صـنعت هسـتهای در آنالیز دادههای هستهای است[۳]. دادههای هستهای توسط منابع مختلفی مانند راکتورهای هستهای، شتابدهندههای ذرات و آشیکارسازهای پرتوی مسیتقل و بکار گرفته شده در سنجشـگرهای هسـتهای تولید میشـوند [۴]. این دادهها پیچیده و حجیم هستند که استخراج اطلاعات مفید از آنها با استفاده از روشهای تحلیلی سنتی را دشوار میکند. با این حال، شبکههای عصبی برای آنالیز این نوع دادهها مناسب هستند، زیرا می توانند الگوها و روابطی را در دادهها تشخیص دهند که ممکن است برای اپراتورهای انسانی آشکار نباشد.

سـنجشـگرهای هسـتهای دسـتگاههایی هسـتند که برای اندازه گیری ضـخامت، چگالی و ترکیب مواد استفاده مے، شوند [۵]. آنها با استفادہ از اصول فیزیک هسته ای برای اندازه گیری خواص مواد با استفاده از یک چشمه رادیواکتیو و یک آشکارساز کار می کنند. سنجشگر از یک چشمه یا مولد پرتوی یونساز رادیواکتیو تشکیل شده است که پرتوها را به سوی ماده موردنظر برای اندازه گیری گسیل میکند. سپس این پرتو از ماده عبور می کند یا از آن پس پراکنش می شود و توسط یک آشکارساز، پرتوهای عبوری یا پس پراکنش شده اندازه گیری می شوند. مقدار پرتوی که در آشکارساز ثبت می شود متناسب با ضخامت و چگالی ماده است. انواع مختلفی از سنجش گرهای هستهای وجود دارد، از جمله سنجش\_گرهای ثابت و سنجش\_گرهای قابل حمل [۶و۷]. ســنجشــگرهای ثابت به طور دائم در یک خط فرایند نصـب می شوند و برای اندازه گیری ضخامت و چگالی مواد در حین حرکت در خط استفاده می شوند. از سوی دیگر سنجشگرهای قابل حمل دستگاههای دستی هستند که می توانند برای اندازه گیری ضـخامت و چگالی مواد در میدان مورد اسـتفاده

قرار گیرند. استفاده از سنجشگرهای هستهای به دلیل توانایی آنها در اندازه گیری سریع، دقیق و غیر مخرب مواد، اهمیت فزایندهای در صنعت پیدا کرده است. سنجشگرهای هستهای در صنایعی مانند تولید فولاد، تولید کاغذ و تولید پلاستیک و نورد فلزات استفاده می شود تا اطمینان حاصل شود که مواد با مشخصات ضخامت و چگالی مورد نیاز تولید می شوند. این امر برای حصول اطمینان از اینکه محصولات مطابق با استانداردهای کیفیت هستند و مطابق با آنچه در نظر گرفته شده است، بسیار مهم است. این ابزار در بسیاری از صنایع برای نظارت و کنترل فرآیندهای تولید استفاده می شوند. داده های موجود در صنعت هسته ای از دو منبع دادههای تجربی و آزمایشگاهی و دادههای به دست آمده از مدلسازی و شبیهسازی تشکیل شده است. در صنایع قبل از راهاندازی یک سامانه واقعی و انجام آزمایشهای تجربی، مدلسازی فرایند یک امر مقرون به صرفه می باشد و این امر در صنعت هستهای به سبب بهرهگیری از چشمههای رادیواکتیو و مولدهای پرتوهای یونساز اهمیتی دو چندان می یابد. شبیه سازی یک مرحله حیاتی در صنعت هسته ای قبل از انجام هر کار آزمایشی است. این به اپراتورها اجازه میدهد تا سیناریوهای مختلف را آزمایش کنند، محققان می توانند تجربیات ارزشمندی را در کار با مواد و ابزارهای هستهای مختلف از قبیل چشمههای پرتوزا و آشکارسازهای مختلف بدون خطر پرتوگیری، به دست آورند. علاوه بر این، شبیهسازیها را میتوان برای آزمایش فناوریها و طرحهای جدید قبل از پیاده سازی در کارخانه واقعی استفاده کرد. شبکههای عصبی نیز میتوانند در ارتقای کارآمدی این نوع از ابزارهای اندازه گیری در جهت بهبود دقت و کاهش خطاهای اندازه گیری مؤثر باشیند [۸]. برخی از موارد کلیدی استفاده از شبکههای عصبی در ابزار اندازه گیری شامل پردازش تصویر، پردازش سیگنال، کالیبراسیون، تشخیص خطا و تصمیم گیری در زمان واقعی بر اساس دادههای اندازهگیری میباشد[۹].

استفاده از شبکه عصبی مصنوعی در تحلیل دادههای سنجشگرهای رادیوایزوتوپی تجربی و مدلسازی شده توسط محققان در حوزههای سنجشگرهای چگالی، تعیین کسر حباب، طیفنگاریهای گاما، سیالات تک فازی و دو فازی، ردیابهای هستهای گزارش شده است که در ادامه به برخی رادیواکتیو Ba-۱۳۳ به عنوان ردیاب قرار گرفتهاند. نتایج

نشان داد که میانگین خطای نسبی تخمینی (MRE)<sup>۳</sup> تعیین

چگالی در سیستم ارائه شده کمتر از ۰/۹ درصد بوده است.

عدم قطعیت استاندارد ترکیبی نسبی اندازه گیری سرعت

سیال از ۰/۵٪ تجاوز نکرد[۱۳]. شناسایی فصل مشترک در

انتقال مشتقات نفتی در چند مسیر جریان با استفاده از

شبکه عصبی مصنوعی و چگالی سنجی گاما با کد MCNPX

توسط افتخاری زاده و همکارانش انجام شد[۱۴]. با هدف

پیشبینی دقیق کسر حجمی در جریانهای سه فاز که نقش

مهمی در صنایع نفت و فرآیند دارد مدلسازی بر مبنای

تضعیف پرتوهای گامای (تک پرتو مدادی) و شبکههای

عصبی پرسپترون چند لایه برای پیشبینی دقیق درصد کسر حجمی در جریانهای سـه فاز آب- گازوئیل-هوا توسـط

اسلامی راد و همکارانش انجام گردید. سنجشگر متشکل از یک سیستم ساده از یک چشمه Cs-137 و یک آشکارساز

(Nal(Tl) برای شــمارش پرتوهای عبوری بود. راهاندازی

آزمایشی با استفاده از کد MCNPX برای ارائه دادههای مورد

نیاز برای شبکه عصبی شبیهسازی انجام شد. نویسندگان

این کار راهاندازی پیشنهادی را بهترین و سادهترین طرح

برای کاهش خطرات پرتوی ، زمان و هزینه معرفی

در تحقیق دیگری برای بررسی پارامترهای اثرگذار در

صحت اندازه گیری چگالی سنج گاما از خروجیهای به دست

آمده از مدلسازی با کد MCNP4C برای آموزش شبکه

عصبی بهره برده شد[۱۶]. بکارگیری روش هستهای در

اندازه گیری خواص فیزیکی مواد از قبیل چگالی و ضخامت به

دو روش صورت می پذیرد: روش عبوری و روش پس پراکنشی،

که در شکل ۱ طرحی از این دو روش برای اندازه گیری نشان

نمودند [۱۵].

داده شده است.

از آنها اشاره میشود.

ستاری و همکارانش برای تعیین درصد حجمی و نوع رژیم جریان در سیالات دوفازی، ساختاری متشکل از یک چشمه Cs-137 و یک آشکارساز یدید سدیم (Nal) با کد مونت کارلوی MCNP-X<sup>1</sup> شبیه سازی کردند و در این هندسه سه رژیم جریان معمول شامل: حلقوی، طبقهبندی شده و همگن در کسر خالی ۵٪ تا ۹۰٪ شبیهسازی شده است تا مجموعه داده مورد نیاز برای استخراج ویژگیها و استفاده از آنها در شبکه عصبی مصنوعی (ANN)<sup>۲</sup> فراهم شود[۱۰]. مقایسه شبکههای عصبی چندلایه پرسپترون و رگرسیون عمومی برای پیشبینی کسر حجمی با استفاده از کد MCNPX توسط سالگادو و همکارانش مورد بررسی قرار گرفت. در این مدلسازی هندسه اندازهگیری متشکل از یک منبع پرتو گاما ۶۶۲ کیلوالکترون ولت و دو آشــکارســاز (Tl) بود، یکی برای لندازهگیری پرتو ارســالی و دیگری برای اندازه گیری پرتو پراکنده[۱۱]. روس و همکارانش روشی مبتنی بر اصبول تکنیک ردیابی ذرات رادیواکتیو برای پیشبینی موقعیت لحظهای یک ذره رادیواکتیو برای نظارت بر مخلوط بتن در داخل یک واحد صنعتی با استفاده از روش مونت کارلو و شــبکه عصـبی مصـنوعی ارائه کردند. این شبیهسازی شامل یک هندسه تشخیص هشت آشکارساز سوسوزن( Nal (Tl، یک منبع نقطهایCs-137 با انرژی ۶۶۲ کیلوالکترون ولت با گسیل همسانگرد پرتوهای گاما و یک مخزن پلیوینیل کلرید بود. مدلسازی سیستم تشخیص با استفاده از کد MCNPX انجام شد. برای هر دو محیط، ضریب همبستگی برای همه مختصات ۰/۹۹ بود که نشان داد این روش می تواند ابزار خوبی برای ارزیابی مخلوط کن های صنعتی باشد[۱۲]. در مطالعه دیگر مدلسازی سنجشگر اندازه گیری چگالی و سرعت سیالات مورد بررسی قرار گرفت. دادههای مورد نیاز برای آموزش و آزمایش مدل ANN با شبیهسازی کد MCNPX به دست آمد. قبل از استفاده از نتایج شبیهسازی برای آموزش ANN، هندسه شبیهسازی با یک راہاندازی آزمایشی اعتبارسنجی شد. راہاندازی آزمایشی شامل دو آشکارساز (۲۱) ۲ Nal اینچی (۵/۰۸ سانتیمتر) است که در فاصله ۱۲۰ میلیمتری از یکدیگر و یک منبع

<sup>1</sup> Monte Carlo N-Particle Transport Code-X <sup>2</sup> Artificial Neural Network

<sup>3</sup> Mean Relative Error

فناورى آزمون هاى غېرمخرب





روش پس پراکنشی برای اندازه گیری ضخامت پوششها، چاه پیمایی و غیره استفاده می شود. در این روش آشکار ساز و چشمه یون ساز در یک طرف ماده قرار دارند (شکل ۱. الف). پرتو وارد ماده می شود، با آن اندر کنش کرده و به بیرون پراکنده می شود.

روش عبوری برای اندازه گیری چگالی، ضـخامت و غیره استفاده می شود (شکل ۱. ب) که در این سنجشگرها مولد پرتوی یونساز و آشکارساز در طرفین مخالف ماده قرار دارند و شار تابشی با عبور از مواد کاهش می یابد.

هدف از این مطالعه پیش بینی مقادیر ضخامت صفحات فلزی آهن، آلومینیوم و مس با استفاده از شبکه های عصبی مصنوعی است. سیستم اندازه گیری شبیه سازی شده یک سیستم اندازه گیری ضخامت با پرتوی گاما است که متشکل از یک آشکار ساز کریستال یدور سدیم می باشد و بخش چشمه آن چهار چشمه گامازای پر کاربرد در صنعت هسته ای [۱۷]: 241-21، 20-00 و 251-21 در نظر گرفته شد که جهت اندازه گیری ضخامت نمونه هایی از فلزات آلومینیوم، مس و آهن به کار رفته است. شبیه سازی و

<sup>1</sup> collimation

مدلسازی با بهره گیری از کد مونت کارلوی MCNPX انجام شده است.

۲- روش کار

۱-۲ شبیهسازی:

از کد MCNPX برای شبیهسازی عبور و برهمکنش پرتو گاما با ماده اســتفاده شــد[۱۸]. از هندسـه پرتوی عبوری در این مطالعه اســتفاده شــد که در آن آشـکارسـاز و چشـمه یونساز در دو جهت مخالف نمونه مستقر میشوند.

جدول ۱) نام و مشخصات رادیونوکلوئیدهای 'گامازای

مورداستفاده در مدلسازی					
نيمەعمر	انرژی	<b>.</b>	نام		
(سال)	(keV)	5005	راديونوكلوئيد		
۳۰	881/V	Cs-137	سزيوم-١٣٧		
۵/۲۷	۱۳۳۲ و ۱۱۷۳	Co-60	کبالت-۶۰		
41.	69/64	Am-241	امرسيوم-٢۴١		
۱۳/۵	۱۲۱/۷۸۲ و ۱۷۶۹/۰۹	Eu-152	يوروپيوم-١٥٢		

برای یک سوسازی<sup>۱</sup> و ایجاد باریکه در یک جهت خاص از چشمه ای که تابش همسانگرد در فضای π4 دارد، چشمه یون ساز در داخل حفاظ سربی قرار داده شد. از Leu-152 و Co-60 و Co-137 ، Am-241 و 152-152 برای دستیابی به مجموعه داده شبکه استفاده شد[۱۹]. نام و انرژی چشرمه های گسریانده گامای مورد استفاده در شبیه سازی در جدول ۱ آمده است. ابعاد آشکارساز (Nal(Tl) Nal(Tl) است. ابعاد آشکارساز (Nal(Tl) ثالیز ۲۵ در ۲۵ سانتیمتر و ضخامتهای مختلف از ۲۵ تا آنالیز ۲۵ در ۲۵ سانتیمتر و ضخامتهای مختلف از ۲۵ تا مکان شربیه سازی ۱۰۰ میلی متر در نظر گرفته شد که امکان شربیه سازی ۱۰۰ مقدار مختلف را فراهم نمود. شماتیکی از هندسه مدل سازی شده در شکل ۲ نشان داده شده است.



شکل ۲) هندسه شبیهسازی شده با کد مونتکارلو هر دو واحد آشـکارسـازی و گسـیل پرتوی یونسـاز در داخل محفظه اسـتوانهای قرار داده شـدند که نمایی شـفاف از آن در شکل ۳ نشان داده شده است.



شکل ۳**) چیدمان اندازهگیری مورد استفاده** عدد اتمی و چگالی فلزات مورد اسـتفاده در شـبیهسـازی در جدول ۲ آورده شده است.

شبيەسازى	استفاده در	مورد	فلزات	چگالی	نام و	i (Y	جدول
----------	------------	------	-------	-------	-------	------	------

چگالی (گرم بر سانتیمتر مکعب)	عدد اتمی	نام فلز
۲/۶٩٨٩	١٣	آلومينيوم
٧/٨٧۴	28	آهن
٨/۶٩	24	مس

شبیهسازی بدون حضور نمونه نیز انجام شد تا در ابتدا میزان کارایی شمارش اولیه در آشکارساز محاسبه گردد. از تالی F8 قلبل دسترس در کد مونتکارلوی MCNPX برای محاسبه توزیع ارتفاع پالس در آشکارساز در پاسخ به باریکه گاما پس از اندرکنش درون نمونههای فلزی، استفاده شد. سپس توزیعهای ارتفاع پالس برای آموزش شبکههای عصبی برای پیشبینی ضخامت فلزات استفاده شدند. تعداد تاریخچه

<sup>1</sup> Pulse Height Distribution

مورد استفاده برای شبیهسازی ۲ میلیارد ذره در نظر گرفته شد که برای به دست آوردن آمار قابل قبول، با مقادیر خطای نسبی زیر ۱ درصد برای همه زیربخشهای توزیع ارتفاع پالس کافی بود. تالی F8 توزیع ارتفاع پالسیی را میدهد که معادل با  $\frac{I_0}{I}$  در معادله (۱) برای کل <sup>۱</sup> PHD است.

$$\frac{I}{I_0} = e^{-\mu x} \tag{1}$$

هنگامی که یک پرتوی گاما از ماده عبور می کند، بخشی از آن پراکنده می شود، بخشی از طریق فرآیندهای اندر کنش تابش با ماده جذب می شود و بخشی بدون برهمکنش از ماده عبور می کند (پرتو عبوری). ضریب انباشت در ارتباط با گامای پراکنده شده در جاذب یا در یکسوسازها یا سایر بخش ها که توسط آشکارساز ثبت می شود، تعریف می شود که سهم بیشتری از پرتوهای گامای ثبت شده را فراهم می کند. ضریب تضعیف خطی احتمال تضعیفی است که این فوتون ممکن است به دلیل پراکندگی کامپتون، جذب فوتوالکتریک یا تولید زوج-یون داشته باشد. در نتیجه شدت پرتو عبوری با استفاده از معادله (۲) توضیح داده می شود.

$$I = B(x, E_x)I_0 \exp(-\mu x) \tag{(Y)}$$

که در رابطهی (۲) I شـدت باریکه عبوری،  $I_0$  شـدت باریکه فرودی،  $\mu$  شـدت باریکه فرودی،  $\mu$  شریب تضعیف  $B(x, E_x)$  خطی $(cm^{-1})$  و x ضـخامت نمونه جاذب اسـت. بنابراین ضخامت با استفاده از رابطه (۳) قابل محاسبه است:

$$x = \frac{\ln \frac{I_0}{I} B(x, E_x)}{\mu}$$
(\vec{r})

۲-۲ شبکه عصبی مصنوعی:

شبکههای عصبی مصنوعی (ANN) که معمولاً جهت سادگی شبکههای عصبی (NN) نامیده می شوند، سیستمهای محاسباتی الهام گرفته شده از شبکههای عصبی بیولوژیکی هستند که در آن به شکل ساده شدهای نرونهای عصبی انسان و حیوانات به شکل ریاضی مدل سازی شده است[۲۰].

بر این اساس، یک ANN بر پایه مجموعه ای از واحدها یا گرههای متصل به نام نورونهای مصنوعی ایجاد می شود که نورونها را در یک سیستم عصبی بیولوژیکی مدل سازی می کنند. هر اتصال، مانند سیناپسهای یک مغز بیولوژیکی، می تواند سیگنالی را به نورونهای دیگر منتقل کند. یک نورون مصنوعی سیگنالها را دریافت می کند، آنها را جمع کرده و سپس پردازش می کند و می تواند به نورونهای متصل به آن، سیگنال دهد. "سیگنال" در یک اتصال یک عدد واقعی است و خروجی هر نورون با اعمال یک تابع خطی یا غیر خطی بر مجموع ورودیهای آن محاسبه می شود. تمام می شود. وزن باعث افزایش یا کاهش قدرت سیگنال در یک اتصال می شود. نورونها ممکن است آستانه ای داشته باشند که سیگنال تنها در صورتی ارسال شود که سیگنال مجموع از آن آستانه عبور کند.

به طور معمول، نورونها در لایههایی قرار می گیرند به طوری که لایههای مختلف ممکن است تبدیلهای متفاوتی را روی ورودیهای خود انجام دهند. سیگنالها از اولین لایه (لایه ورودی)، به آخرین لایه (لایه خروجی)، احتمالاً پس از چندین بار عبور از لایههای میانی (لایههای مخفی) منتقل میشوند.

استفاده از ANN در دو مرحله انجام می شود:

 ۱) آموزش: که مرحله یادگیری نیز نامیده میشود، جایی است که شبکه ویژگیها و رفتارهای مجموعه دادههای ارائه شـده را میآموزد. در این مرحله، فرآیند تنظیم پارامترهای شبکه صورت میگیرد و ظرفیت تعمیمدهی آن به منظور ارزیابی کارایی تأیید میشود.

۲) آزمون: مرحلهای است که پاسخ شبکه به موارد جدیدی که در مرحله قبلی ارائه نشده است مورد ارزیابی قرار می گیرد که این ارزیابی نهایی شبکه است.

انواع مختلفی از مدلهای محاسباتی تحت عنوان کلی شبکههای عصبی مصنوعی معرفی شدهاند که هر یک برای دستهای از کاربردها قابل استفاده هستند و در هر کدام، از وجه مشخصی از قابلیتها و خصوصیات مغز انسان الهام

<sup>1</sup> Radial Basis Function

- <sup>2</sup> Support Vector Machine
- <sup>3</sup> Self-organizing map
- <sup>4</sup> Learning vector quantization

گرفته شده است. از انواع مختلف شبکههای عصبی می توان شبکه عصبی پرسپترون چندلایه (MLP)، شبکههای عصبی بر پایه توابع شـعاعی (RBF<sup>۱</sup>)، ماشـینهای بردار پشـتیبان (SVM<sup>2</sup>)، نگاشتهای خودسازمانده (SOM<sup>۳</sup>)، یادگیرنده رقمیساز بردار (LVQ<sup>4</sup>) و شبکه عصبی هاپفیلد را نام برد. در این مطالعه شبکههای عصبی MLP و RBF مورد استفاده قرار گرفتهاند. شــبکه عصـبی MLP یکی از پایهایترین مدلهای عصبی موجود است که عملکرد انتقالی مغز انسان را شبیهسازی می *ک*ند و در برخی موارد شبکهی پیش خورد<sup>ه</sup> نیز نامیده می شـود. در شـکل ۴ سـاختار این شـبکه قابل مشاهده است. شبکه عصبی RBF، یک شبکهی سه لایه است که از نرونهای میانی با توابع انتقال گوسے تشکیل شده و اتصالات لایه اول وزن ندارند. در نتیجه، شبکههای RBF غالباً دارای فرایند یادگیری و آمادهسازی سریعتری هستند[۲۱]. در شکل ۵ ساختار این شبکه ترسیم شده است.

## ۲-۲-۱ آموزش شبکه عصبی

یک پرسپترون پیشخور چند لایه (MLP<sup>6</sup>) برای ارتباط تعداد ذرات ثبتشده در آشکارساز سوسوزن با ضخامت نمونههای فلزی استفاده شد. برای جلوگیری از آموزش بیش از حد، از روش اعتبارسنجی متقابل<sup>۷</sup> به عنوان معیار توقف فرآیند یادگیری استفاده شد. مدل پیشنهادی MLP در شکل ۶ نشان داده شده است.



- <sup>5</sup> Feedforward
- <sup>6</sup> Multi-Layer Perceptron
- <sup>7</sup> Validation data



شکل ۶) معماری MLP برای پیشبینی ضخامت فلزات.

همان طور که در شکل ۶ مشخص است این شبکه شامل دو لایهی مخفی به ترتیب با ۱۰ و ۵ نورون با توابع تبدیل تانژلنت هیپربولیک است و از آنجایی که خروجی شبکه ضخامت پیشبینی شده برای فلزات است یک نرون خروجی با تابع خطی این وظیفه را انجام می دهد.

چهار چشمهی موجود در مسئله با کدگذاری از ۱ تا ۴، سه نمونه فلز مورد اندازه گیری با کدگذاری از ۱ تا ۳ و طیف ثبت شده در آشکارساز در ۱۴۸ کانال به عنوان ورودی شبکهها مورد استفاده قرار گرفتند. در نتیجه هر داده شامل ۱۵۰ ورودی است.

توزیع ارتفاع پالسها از ۲۰ کیلوالکترون ولت تا حداکثر انرژی شبیهسازی شده در فواصل ۱۰ کیلوالکترون ولت در هر کانال ثبت گردید. برای شبکهی RBF از ساختار مطابق شکل ۵ با ۲۰۰ نرون در لایهی مخفی استفاده شد.

برابر Spread لازم به ذکر است که از پارامترهای شبکه، Spread برابر برابر ۲۰۰ تعیین گردیـد. پارامتر ۰/۰۲

Spread همان انحراف معیار توابع گوسیی لایه میانی در معماری شبکه RBF است. الگوریتم های مختلفی شبکههای RBF را پیاده سازی کرده و آموزش میدهند. در الگوریتم newrb که در این پژوهش از آن بهره جستیم، این پارامتر به عنوان ورودی از کاربر پرسیده می شود. در نتیجه مقدار بهینهی آن با سعی و خطا بدست آمده است. در سایر الگوریتمها با استفاده از روشهای با نظارت یا بدون نظارت مقدار آن تعیین میشــود. برای تهیهی دادههای ورودی در مجموع ۱۲۰۰ شـبیهسازی با ضـخامت مختلف نمونهها و چشمههای مختلف انجام شد. برخی از طیفها که مربوط به ضـخامتهای زیاد بودند نزدیک به صفر ثبت گردیدند و از مجموعهی دادهها حذف شدند و در نهایت ۷۳۹ جفت داده حاصل گردید و دو ماتریس ۱۵۰×۷۳۹ و ۱×۷۳۹ (ترانهادهی آنها) به عنوان دادههای ورودی و هدف مورد استفاده قرار گرفتند. ۱۰٪ از دادههای بهدست آمده برای تست (۷۴ جفت داده) و مابقی برای آموزش شــبکهها مورد اســتفاده قرار گرفتند(۵۹۹ جفت داده).

## ۳- نتایج ۳-۱ شبیهسازی

بدیهی است که فلزهایی با چگالی بالاتر در برابر پرتوهای گامای کم انرژی به عنوان محافظ عمل میکنند و مقادیر بسیار نزدیک به صفر را در توزیع ارتفاع پالس ارائه میدهند. در شکل ۷ شمارش کل سطح زیر طیف به ازای ضخامتهای مختلف فلزات برای طیفهای ثبت شده از چشمههای آمرسیوم-۲۴۱، یوروپیوم-۱۵۲، سزیوم-۱۳۷ و کبالت-۶۰ به ازای یک ذره مشاهده می شود. همان طور که از نمودارهای شکل ۷ انتظار می رود با افزایش ضخامت، ذرات ثبت شده کاهش می یابد. در شکلهای ۸ و ۹ به ترتیب طیفهای ثبت شده برای نمونههای آلومینیوم و مس در چهار انرژی مختلف، به ازای ضخامتهای ۲، ۲۵ و ۵۰ میلی متر ملاحظه می شود.

فناوری آزمون های غېرمخرب .







شحل ۷) شمارش سطح زیر طیف به ازای ضخامتهای مختلف فلزات در انرژی الف) ) چشمههای سزیوم-۱۳۷ ب) یوروپیوم-۱۵۲ و ج) آمرسیوم-۲۴۱ و د)کبالت-۶۰

$$\frac{I_1}{I_2} = e^{-\mu x_1 + \mu x_2} \tag{(1.)}$$

که در نهایت µ برای هر ماده به ازای انرژی یک چشمه به صورت زیر محاسبه می شود.

$$\mu = \frac{\ln \frac{I_1}{I_2}}{x_2 - x_1} \tag{11}$$

جدول ۳) ضریب تضعیف استخراج شده از نمودارهای ضخامت- شمارش و مقایسه آن با نتایج کارهای دیگر

آمرسيوم۲۵۷/۰ $8/.$ آمرسيوم۲۵۷/۰۲۰/۰آلومينيوم۲۰/۱۰۲۰/۰كبالت۲۰/۱۰۲۰/۰مسسزيوم۵۷۵/۰مسسزيوم۲۰/۰آهنسزيوم۲۵/۰آهنکبالت۲۰/۰آهنکبالت۲۰/۰	مراجع [۲۵–۲۲]	$\mu(rac{1}{cm})$ (مطالعه حاضر)	چشمه	نوع مادہ	
آلومینیوم     سزیوم     ۱۸۱۰۰     ۱۹/۰۰       کبالت     ۲۳۲/۰۰     ۱۰/۰۰     ۱۰/۰۰       آمرسیوم     ۱۰/۲۸     ۹/۶۰     ۱۹/۰۰       مس     سزیوم     ۵۷۵/۰۰     ۱۹/۰۰       مس     سزیوم     ۲۵/۰۰     ۱۹/۰۰       آهن     سزیوم     ۲۵/۰۰     ۱۹/۰۰       آهن     سزیوم     ۲۵/۰۰     ۱۹/۰۰       آهن     سزیوم     ۲۵/۰۰     ۱۹/۰۰	۰/۷۵	+/V&Y	آمرسيوم		
کبالت   ۲۱/۰۰   ۲۱/۰     آمرسیوم   ۲۰/۱۲   ۹/۴۵     مس   سزیوم   ۵۷۵/۰   ۱۶/۰     کبالت   ۹۳/۰   ۲۵/۰   ۱۶/۰     آهن   کبالت   ۹۳/۰   ۲۰/۵۰     آهن   کبالت   ۹۳/۰   ۲۰/۵۰	٠/١٩	+/1 <b>\</b> Y	سزيوم	آلومينيوم	
آمرسيوم     ١٠/٢٨     ٩/۴۵       مس     سزيوم     ۵۷۵۰     ۱۶/۰       كبالت     ۹۳/۰     ۲/۰۰     ۱۶/۰۰       آهن     كبالت     ۹۳/۰۰     ۱۶/۰۰	•/14	•/182	كبالت	_	
مس <u>سزیوم ۸۵۷۵ ۲۰/۱ ۲۰</u> کبالت ۹/۳۹ ۲۰/۲ آهن <u>سزیوم ۲۵/۰ ۸۵/۰</u> کبالت ۹/۳۶	۹/۴۵	1./28	آمرسيوم		
کبالت ۹/۳۹   کبالت ۹/۳۹   سزیوم ۱/۵۲   آهن کبالت	+/81	•/ <b>۵۷</b> ۵	سزيوم	مس	
سزيوم ۰/۵۲ ۸۵/۰ آهن کبالت ۰/۳۶ ۰/۳۳	•/44	•/٣٩	كبالت	-	
اهن ۲۶ ۲۶۰ ۲۳۳	•/۵٨	+/52	سزيوم	. sĩ	
	•/٣٣	•/38	كبالت	اهن -	

همان طور که در نمودارهای شکلهای ۸ و ۹ مشخص است، شکل کلی طیفهای به دست آمده تابع چشمهی شبیه سازی شده است و با افزایش ضخامت فلزات ارتفاع طیفها کاهش یافته است. از آنجایی که مس عدد اتمی بالاتری نسبت به آلومینیوم دارد کاهش ارتفاع طیفها با افزایش ضخامت در آن شدیدتر رخ می دهد.

از آنجاییکه در هر ضخامت سنجی با چشمه یکسان، انرژی ذره فرودی یکسان است. لذا رابطه (۴) به صورت زیر نوشته می شود.

$$\mu = \mu(\rho) \qquad (\Delta)$$

با توجه به اینکه نمودارهای نشان داده شده در شکلهای ۲ الف تاج، تغییرات شمارش در آشکارساز به ازای ضخامتهای مختلف نمونههای آلومینیوم، آهن و مس را نشان میدهد، لذا ضریب تضعیف خطی به دست آمده از این نمودارها باید مقداری نزدیک به مقادیر ضریب تضعیف خطی محاسبه شده و اندازهگیری شده در سایر مطالعات را داشته باشد. برای محاسیه ضریب تضعیف خطی از روی نمودارها، دو نقطه دلخواه برای یک چشمه و یک ماده جاذب برای برخی از نمودارهای نشان داده شده در متن در نظر می گیریم:

معادلات حاکم بر روی هر کدام از نقاط به صورت معادلات (۶) و (۷) بیان می شود:

$$I_1 = I_0 e^{-\mu x_1} \tag{(f)}$$

و

$$I_2 = I_0 e^{-\mu x_2} \tag{Y}$$

که  $x_1$  و  $x_2$  ضخامت به دست آمده از روی نمودار در نقطه اول و دوم است. برای محاسیه  $\mu$  میتوان از تقسیم دو رابطه بالا استفاده نمود:

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{I_0 e^{-\mu x_1}}{I_0 e^{-\mu x_2}} \tag{(A)}$$

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{e^{-\mu x_1}}{e^{-\mu x_2}}$$
(9)

فناوري آزمون هاي غېرمخرب



شکل ۱۰) ار تفاعهای پالس ثبت شده برای ضخامتهای مختلف آهن برای محاسبات با الف) آمرسیوم-۲۴۱، ب) چشمههای یوروپیوم-۱۵۲، ج) سزیوم-۱۳۷ و د) کبالت-۶۰.



شکل ۹) ارتفاعهای پالس ثبت شده برای ضخامتهای مختلف مس به ازای محاسبات با الف) آمرسیوم-۲۴۱، ب) چشمههای یوروپیوم-۱۵۲، ج) سزیوم-۱۳۷ و د) کبالت-۶۰.

۳-۲ نتایج شبکههای عصبی ۱۹-۲-۳ نتایج پرسیپترون: همانطور که در شیکل ۱۱ مشخص است، دادههای اعتبارسنجی پس از ۷۱ بار تکرار موجب خاتمهی فرآیند آموزش شدهاند.



شکل ۱۱) میانگین مربع خطا برای دادههای تست، آموزش و اعتبارسنجی.

خطای دادههای آزمون و آموزش به ترتیب در شکلهای ۱۲ و ۱۳ قابل مشاهده است. با توجه به شکل ۱۲ برای دادههای آزمون خطا حدود ۲/۴ میلیمتر (نمودار پایین سمت راست) و میانگین مربعات خطا (<sup>1</sup>MSE) ۲/۱۰ است (نمودار پایین سمت چپ). این دو مقدار، انحراف معیار و میانگین مربعات خطا (MSE) برای خطای بازیابی ۷۴ داده تست هستند. منظور از خطا اختلاف بین ضخامت واقعی و ضخامت پیشبینی شده فلز میباشد. به بیان دقیق تر میانگین مربعات خطا برای دادههای آزمون از رابطه (۱۲) محاسبه شده است:

$$MSE = \frac{1}{74} \sum_{i=1}^{74} (Th_{Target}(i) - Th_{Predicted}(i))^2$$
 (17)

در رابط ه (۱۲) Th<sub>Target</sub> و Th<sub>Predicted</sub> به ترتیب ضخامت واقعی و ضخامت پیش بینی شده فلز هستند. اگر ضـخامت میانگین ۲۵ میلیمتر در نظر گرفته شـود خطای ۲/۴ میلیمتر معادل خطای نسبی ۱/۶ درصد خواهد

<sup>1</sup> Mean Square Error

بود که خطای کمی اســت و میتولند در کاربردهایی که این سطح از خطا در آن مورد قبول است به کار رود.

همچنین با توجه به شکل ۱۲ مشخص میشود که خطای دادههای آزمون حول صفر تمرکز یافتهاند. همان طور که انتظار میرود این مقادیر برای دادههای آموزش کمتر هستند (شکل ۱۳).



فناورى آزمون هاى غېرمخرب

نتایج آنالیز رگرسیون بین خروجیها و هدف برای دادههای آموزش، اعتبارسنجی، آزمون و کل دادهها در شکل ۱۴ منعکس شده است.



شکل ۱۴) نتایج آنالیز رگرسیون بین خروجیها و هدف برای دادههای آموزش، اعتبارسنجی، آزمون و کل دادهها.

با بررسی در نمودارهای شکل ۱۴ مشاهده می شود که مقدار ضریب همبستگی بین خروجی و هدف برای کلیهی دادهها بسیار نزدیک به یک به دست آمده است که نشان دهندهی دقت و صحت عملکرد شبکه در این کاربرد است.

۲-۲-۳ نتایج شبکه RBF: در شکل ۱۵ نمودار مربوط به کاهش خطای شبکه تا ۲۰۰ تکرار نشان داده شده است. همانطور که در این نمودار مشخص است خطای شبکه پس از ۱۰۰ تکرار کاهش ملموسی ندارد.



خطای دادههای آزمون در شکل ۱۶ قابل مشاهده است. با توجه به شــکل ۱۶ برای دادههای آزمون، خطا حدود ۰/۹ میلیمتر و میانگین مربعات خطا در حدود ۰/۸ است. در این شکل در نمودار بالا سمت چپ ضخامت های پیش بینی شده (نقطه چین قرمز) و ضـخامت هدف (مشـکی) برای ۷۴ داده آزمون بر حسب شماره نمونه رسم شده است و از آنجایی که مقادیر بسیار به هم نزدیک هستند این دو نمودار بر روی هم منطبق شدهاند. در نمودار مجاور (بالا سمت راست) ضخامت های پیش بینی شده بر حسب ضخامت هدف رسم شده است و از آنجایی که مقادیر بسیار به هم نزدیک هستند نمودار تقريبا به فرم تابع همانی خطی درآمده و ضریب همبستگی برابر ۰/۹۹۸ بدست آمده است. در نمودار پایین سمت چپ نمودار خطا (اختلاف بین ضخامت واقعی و ضخامت پیشبینی شده) برای ۷۴ داده آزمون بر حسب شماره نمونه رسم شده است و میانگین مربعات خطا (۰/۸) و جذر آن (۰/۹) بر بالای نمودار نوشته شده است. در نمودار پایین سمت راست هیستوگرام خطا به همراه میانگین (حدود صفر) و انحراف معیار (۰/۹) مشاهده می شود.

همچنین با توجه به شکل مشخص میشود که خطای دادههای آزمون حول صفر تمرکز یافتهاند و ضریب همبستگی نزدیک به یک میباشد.



۴– **نتیجهگیری** در این تحقیق از روشهای هوشــمنـد جهـت یـافتن

فناوري آزمون هاي غېرمخرب

- D. Neudecker, M. Grosskopf, M. Herman, W. Haeck, P. Grechanuk, S. Vander Wiel, et al., "Enhancing nuclear data validation analysis by using machine learning," Nuclear Data Sheets, vol. 167, pp. 36-60, 2020.
- [4] P. Vicente-Valdez, L. Bernstein, and M. Fratoni, "Nuclear data evaluation augmented by machine learning," Annals of Nuclear Energy, vol. 163, p. 108596, 2021.
- [5] W. Troxler, "Development and industry acceptance of nuclear gauges," in Constructing and controlling compaction of earth fills, ed: ASTM International, 2000.
- [6] D. R. Carlson, "Level and density measurement using non-contact nuclear gauges," Measurement and Control, vol. 10, pp. 83-87, 1977.
- [7] B. A. C. d. Castro, "Application of portable nuclear gauge to the control of soil, asphalt and concrete compaction."
- [8] P. Daponte and D. Grimaldi, "Artificial neural networks in measurements," Measurement, vol. 23, pp. 93-115, 1998.
- [9] G. W. Irwin, G. W. Irwin, K. Warwick, and K. J. Hunt, Neural network applications in control: let, 1995.
- [10] M. A. Sattari, G. H. Roshani, and R. Hanus, "Improving the structure of two-phase flow meter using feature extraction and GMDH neural network," Radiation Physics and Chemistry, vol. 171, p. 108725, 2020.
- [11] C. Salgado, R. Dam, W. Salgado, R. Werneck, C. Pereira, and R. Schirru, "The comparison of different multilayer perceptron and General Regression Neural Networks for volume fraction prediction using MCNPX code," *Applied Radiation* and Isotopes, vol. 162, p. 109170, 2020.
- [12] R. S. d. F. Dam, T. P. Teixeira, W. L. Salgado, and C. M. Salgado, "A new application of radioactive particle tracking using MCNPX code and artificial neural network," *Applied Radiation and Isotopes*, vol. 149, pp. 38-47, 2019.
- [13] G. Roshani, R. Hanus, A. Khazaei, M. Zych, E. Nazemi, and V. Mosorov, "Density and velocity determination for single-phase flow based on radiotracer technique and neural networks," *Flow Measurement and Instrumentation*, vol. 61, pp. 9-14, 2018.
- [14] E. Eftekhari Zadeh, S. Feghhi, G. Roshani, and A. Rezaei, "Application of artificial neural network in precise prediction of cement elements percentages based on the neutron activation analysis," *The European Physical Journal Plus*, vol. 131, pp. 1-8, 2016.

خروجی (که ضخامت فلز است) بر حسب طیف دریافتی و نوع چشمه و نوع فلز به عنوان ورودیها استفاده شده است. بدین منظور بایستی از روشهایی استفاده کرد که ارتباط بین ورودیها و خروجیها را می یابد که این امر در واقع عمل تقریب تابع ۱ است. شبکههای مختلفی نظیر RBF ، MLP و یا ANFIS و غیرہ به این جهت می تواند به کار گرفته شود که در این تحقیق از MLP و RBF استفاده شده است. در یژوهش حاضر، روشی مبتنی بر گامای عبوری و شبکههای عصبی برای پیشبینی ضخامت در فلزات مختلف از ۵/۰ تا ۵۰ میلیمتر ارائه شد. تمامی شبیهسازیها با استفاده از کد مونت کارلوی MCNPX انجام شد. دادهها به صورت توزیع ارتفاع پالس برای هر فلز در ضـخامتهای مختلف برای ۴ انرژی محاسبه شد. تاریخچه ذرات ترابرد در شبیهسازیها بهقدري ادامه يافت تا انحراف معيار محاسبات مونت كارلو به حدود ۲/۳ درصد کاهش یابد. در بخش بعد دو شبکه عصبی مصنوعی بر پایه توابع شعاعی (RBF) و پرسپترون چند لایه (MLP) مورد استفاده قرار گرفت. طیفهای توزیع ارتفاع یالس به دستآمده مستقیماً برای آموزش شبکههای عصبی استفاده شدند. با ارزیابی MLP، برای دادههای آزمون، خطا حدود ۴/۰ میلیمتر و میانگین مربعات خطا (MSE) ۰/۲۱ به دست آمد. برای شـبکهی RBF برای دادههای آزمون، خطا حدود ۰/۹ میلی متر و میانگین مربعات خطا (MSE) در حدود ۸/۸ محاسبه شد. مشاهده شد نتایج شبکهی MLP نسبت به RBF در این کاربرد رضایت بخش تر است. از آنجاییکه خطا در حالت استفاده از MLP نسبت به RBF کمتر از نصف به دست آمده است، پیش بینی می شود که MLP در تشخیص ضخامت فلزات دقیق تر عمل کرده و از این رو استفاده از آن نسبت به RBF ارجحیت دارد.

### ۲- منابع

 S. Shanmuganathan, Artificial neural network modelling: An introduction: Springer, 2016.

[2] K. Moshkbar-Bakhshayesh and M. B. Ghofrani, "Transient identification in nuclear power plants: A review," Progress in Nuclear Energy, vol. 67, pp. 23-32, 2013.

<sup>1</sup> Function approximation

- [15] S. Islami rad, R. Gholipour Peyvandi, and S. Sadrzadeh, "Determination of the volume fraction in (water-gasoil-air) multiphase flows using a simple and low-cost technique: Artificial neural networks," *Physics of Fluids*, vol. 31, p. 093301, 2019.
- [16] M. Khorsandi, S. Feghhi, A. Salehizadeh, and G. Roshani, "Developing a gamma ray fluid densitometer in petroleum products monitoring applications using Artificial Neural Network," *Radiation measurements*, vol. 59, pp. 183-187, 2013.
- [17] A. Belicic-Kolsek and T. Sutej, "Safety of radiation sources in Slovenia," 2001.
- [18] D. B. Pelowitz, "MCNPXTM user's manual," Los Alamos National Laboratory, Los Alamos, vol. 5, p. 369, 2005.
- [19] M.-M. Bé, V. Chisté, C. Dulieu, E. Browne, V. Chechev, N. Kuzmenko, et al., Table of radionuclides (Vol. 2-A= 151 to 242) vol. 2, 2004.
- [20] J. E. Dayhoff, *Neural network architectures: an introduction*: Van Nostrand Reinhold Co., 1990.
- [21] R. M. Snyder, "Neural Networks for the Beginner," 1996.
- [22] R. Thoraeus, "Attenuation of Gamma Radiation from 60Co, 137Cs, 192Ir, and 226Ra in Various Materials Used in Radiotherapy." Acta Radiologica: Therapy, Physics, Biology, vol. 3, no. 2, 1965, pp. 81-86.
- [23] O. Adedoyin and A. Ayodeji. "Measurement of Shielding Effectiveness of Building Blocks against 662 KeV Photons." Journal of Physical Science, vol. 27, no. 2, 2016, pp. 55.
- [24] OSHA. "Shielding Layer Examples." OSHA, n.d., https://www.osha.gov/ionizingradiation/introduction/shielding-layerexamples
- [25] NIST. "X-Ray Mass Attenuation Coefficients." NIST, n.d., https://physics.nist.gov/cgi-bin/Xcom.